

تاریخ آزمون: ۱۳/۰۳/۱۴۰۳

زمان آزمون: ۱۲۰ دقیقه

ساعت شروع: ۱۵:۳۰ عصر

نام دبیر:

جمهوری اسلامی ایران
وزارت آموزش و پرورش

ام استان/منطقه/مدرسه:

ام و نام خانوادگی:

ام بدر:

کد دانشآموز:

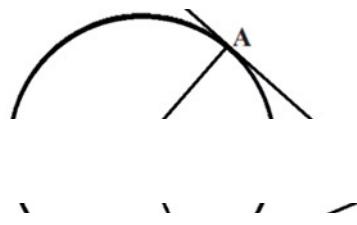
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش

سالروز ارتحال رهبر کبیر انقلاب اسلامی ایران و شهدای پاژدۀ خرداد تسلیت باد

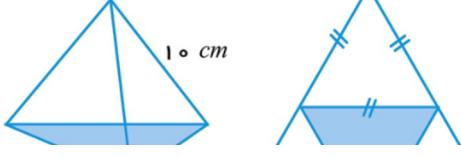
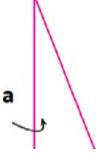
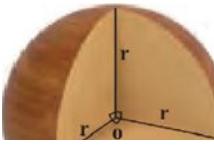
توجه: استفاده از ماشین حساب در این آزمون ممنوع است.

این آزمون در ۴ صفحه و ۵ بند تنظیم شده است.

ردیف	سوال‌ها	بارم
	درستی یا نادرستی هر عبارت را مشخص کنید.	
۱	<p>الف) (الف) مجموعه تهی، زیر مجموعه هر مجموعه ای است. <input type="checkbox"/> درست <input type="checkbox"/> نادرست</p> <p>ب) کسر $\frac{4}{3}$ ، دارای نمایش اعشاری مختوم است. <input type="checkbox"/> درست <input type="checkbox"/> نادرست</p> <p>ج) در هر مثلث، اندازه هر زاویه خارجی، برابر با مجموع دو زاویه داخلی غیر مجاور با آن است. <input type="checkbox"/> درست <input type="checkbox"/> نادرست</p> <p>د) حاصل عبارت $1^{-(2)}$، برابر با $2^{\frac{1}{2}}$ است. <input type="checkbox"/> درست <input type="checkbox"/> نادرست</p>	۱
۱	<p>در جاهای خالی، عدد یا عبارت مناسب بنویسید.</p> <p>الف) تعداد همه زیر مجموعه های یک مجموعه دو عضوی، برابر است با</p> <p>ب) حاصل $\sqrt[13]{6}$ پس از گویا کردن مخرج، برابر است با</p> <p>ج) اگر $a^3b > 0$ باشد، آنگاه b عددی است.</p> <p>د) درجه چند جمله ای $y^3 + 4x^3y + 5xy^3$ نسبت به هر دو متغیر x, y برابر با است.</p>	۱
۱	<p>در هو سؤال، گزینه صحیح را با علامت ✓ مشخص کنید.</p> <p>۱- کدامیک از گزینه های زیر، یک مجموعه را نمایش می دهد؟</p> <p>الف) اعداد طبیعی کوچکتر از یک ب) چهار عدد فرد متوالی ج) سه شهر ایران</p> <p>۲- نمودار خط به معادله $2 - \frac{3x}{x+5} = y$ کدام یک از گزینه های زیر می تواند باشد؟</p> <p>د) پنج عدد بزرگ</p> <p>۳- اگر خانواده ای دارای سه فرزند باشد، احتمال آنکه دقیقاً یک فرزند دختر داشته باشند، برابر است با:</p> <p>(الف) $\frac{1}{3}$ (ب) $\frac{3}{8}$ (ج) $\frac{1}{8}$ (د) $\frac{7}{8}$</p> <p>۴- کدام یک از گزینه های زیر، با $\frac{-x+3}{x+5}$ برابر است؟</p> <p>(الف) $\frac{x+3}{x+5}$ (ب) $\frac{-x-3}{x+5}$ (ج) $\frac{x-3}{x+5}$ (د) $\frac{-x-3}{x+5}$</p>	۱
	ادامه سوالات در صفحه بعد	۱

۱	هر عبارت سمت راست را به عبارت مناسب در سمت چپ وصل کنید یا به صورت (مثال: $b \leftarrow d$) بنویسید.	الف) \rightarrow ب) \leftarrow ج) \rightarrow د) \leftarrow	الف) ریشه سوم عدد -27 ب) نزدیکترین عدد صحیح به عدد $\sqrt{3}$ ج) تعداد وجه های یک هرم با قاعده مثلث د) ضریب عددی x در ساده شده عبارت $(x+2)(x-2)$
۱	(۱) اگر $A = \{-1, 10, 15\}$ و $B = \{-1\}$ باشد، جاهای خالی را با عبارت یا نماد مناسب پر کنید. (۲) $\{ -1 \} \dots A$ ج) علامت \in یا \notin بگذارید.	$A \cap B = \{ \quad \}$	
+۵ +۵	$a = 5/4$ باشد، آنگاه مقدار عبارت رو برو را محاسبه کنید. $2 a-b =$ ب) مجموعه $A = \{x \in \mathbb{R} x \geq -2\}$ را روی محور نمایش دهید.	$b = \frac{-1}{4}$	
+۵	(۳) سامان و سحر، دوقلو هستند و هر دو در کلاس نهم تحصیل می کنند. آنها به همراه والدین خود به بازار فرش رفته بودند. این گفتگو بین آنها شکل گرفت: سامان گفت که فرش 6 متری (3×2) با فرش 12 متری (3×4) متشابه است. چون هردو مستطیل هستند و نسبت تشابه آنها، دو است. اما سحر مخالف بود. شما با کدامیک موافق هستید و چرا؟	 	
+۷۵	(۴) از نقطه M ، دو خط بر دایره مماس شده و نقطه O مرکز دایره است. می خواهیم ثابت کنیم: $\triangle OAM \cong \triangle OBM$ در این صورت، فقط قسمت فرض مسأله را بنویسید.		
	ادامه سوالات در صفحه بعد	۲	

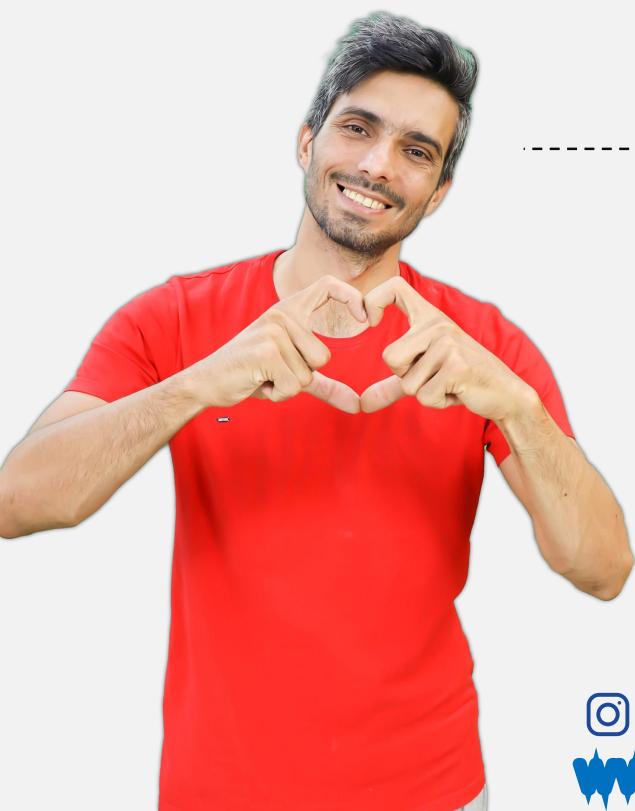
۰/۵	$(b^{-1})^4 \times b^3 =$	۵) الف) حاصل عبارت رو برو را به صورت یک عدد تواندار بنویسید. ($b \neq 0$)
۰/۵		ب) قطر یک گلbul قرمز (گویچه) ۷۰۰۰۰۰ میلی متر است. این عدد را با نماد علمی نمایش دهید.
۰/۲۵	$\sqrt{5} + \sqrt{4} \dots \sqrt{5+4}$	ج) در جای خالی یکی از علامت های $<$ یا $=$ یا $>$ را قرار دهید.
۱	$(\sqrt{3} + 1)^4 =$	۶) الف) حاصل عبارت مقابل را به کمک اتحاد ها بدست آورید.
۰/۵	$y^4 - y - 6 = (y + \dots)(y - \dots)$	ب) عبارت مقابل را کامل کنید. (تجزیه)
۰/۷۵		۷) یک شرکت، حقوق ماهانه کارمندان خود را این گونه محاسبه می کند: حقوق پایه هر کارمند دوازده میلیون تومان و به ازای هر سال سابقه، هفتصد هزار تومان به حقوق پایه اضافه می شود. (۰ را سابقه کار و ۷ را حقوق ماهانه در نظر بگیرید). الف) فرمول محاسبه حقوق هر کارمند را بنویسید. ب) حقوق ماهانه کارمندی با سه سال سابقه کار، چقدر است؟
۱/۲۵	 $y = -x + 3$	۸) الف) نمودار خطی را رسم کنید که با خط $y = -x + 3$ موازی بوده و محور عرض ها را در نقطه $\left[\frac{1}{3}, 0\right]$ قطع می کند.
۰/۷۵		ب) آیا این خط از نقطه $\left[\frac{1}{3}, \frac{1}{3}\right]$ می گذرد؟
۰/۷۵	$3(x-1) \geq 2x+1 \quad D = \{$	۹) نامعادله مقابل را حل کرده و مجموعه جواب آن را بنویسید. }
۱/۲۵		۱۰) مصرف برق کولر گازی تولیدی یک کارخانه، سه برابر مصرف برق کولر آبی تولیدی همان کارخانه می باشد. اگر به طور هم زمان، دو کولر آبی و یک کولر گازی روشن باشند، ده کیلو وات برق مصرف می شود. با تشکیل دستگاه معادلات خطی، میزان مصرف برق هر کدام از این دو دستگاه را مشخص نمایید.
	ادامه سوالات در صفحه بعد	۳

۰/۵	<p>(۱۱) الف) عبارت $\frac{3x}{x+4}$ به ازای چه مقداری از x تعریف نشده است؟</p> <p>ب) عبارت گویای مقابله را ساده کنید.</p> <p>ج) حاصل را به ساده ترین شکل ممکن بنویسید.</p>
۰/۵	$\frac{3x+7}{x+4} - \frac{3x-3}{x+4} =$ <p>(۱۲) تقسیم مقابله را انجام دهید.</p>
۱/۲۵	$3v^3 - 15v - 24 \quad \quad 3v - 4$ <p>در سؤال های ۱۳ و ۱۴، نوشتن فرمول های محاسبه الزامی است.</p>
۱	<p>(۱۳) یک کارخانه تولید لبپیات، شیرهای پاکتی به شکل هرم منتظم چهار وجهی تولید می کند که رویه آن از جنس مقواهی بهداشتی است، بطوری که طول هر یال آن ۱۰ سانتی متر می باشد. برای تولید ده هزار پاکت شیر، حداقل چند سانتیمتر مربع مقوا لازم است؟ (توجه: نیازی به اثبات فرمول مساحت مثلث متساوی الاضلاع نیست).</p> 
۰/۲۵	<p>(۱۴) الف) از دوران یک مثلث قائم الزاویه حول یکی از اضلاع قائمه اش، مطابق شکل رویرو،</p> <p>الف) چه شکلی حاصل می شود؟</p>
۰/۷۵	<p>ب) اگر $a = 10$ ، $b = 3$ باشد، در این صورت اندازه حجم آن را حساب کنید. ($\pi = 3$)</p> 
۰/۷۵	<p>ج) در شکل مقابل، شعاع کره cm $r = 2$ است.</p> <p>حجم قسمت برداشته شده را محاسبه کنید. ($\pi = 3$)</p> 
۲۰	<p>خدایا چنان کن سرانجام کار تو خشنود باشی و ما رستگار</p> <p>جمع بارم</p> <p style="text-align: right;">۴</p>

ریاضی نهم



مدرس : استاد عباس صالحی



@ Bombriazi.ir

www.bombriazi.com

0912-143-8939

1

درستی یا نادرستی جملات زیر را مشخص کنید. ریاضی نهم خرداد ۱۴۰۳ – نوبت عصر

الف) مجموعه تھی، زیر مجموعه هر مجموعه ای است

درست نادرست

ب) کسر $\frac{4}{3}$ دارای نمایش اعشاری مختوم است

درست نادرست

خرج باید عامل فقط ۲ و ۵ باشد

ج) در هر مثلث، اندازه هر زاویه خارجی برابر با مجموع دو زاویه داخلی غیر مجاور است

درست نادرست

د) حاصل عبارت $(-2)^{-1}$ برابر ۲ + است

درست نادرست

$$(-2)^{-1} = -\frac{1}{2}$$

۲

در جاهای خالی، عدد یا عبارت مناسب بنویسید

ریاضی نهم خرداد ۱۴۰۳ - نوبت عصر

الف) تعداد همه زیر مجموعه های یک مجموعه دو عضوی برابر است با

$$2^2 = 4$$

ب) حاصل $\frac{12}{\sqrt{6}} \times \sqrt{6}$ پس از گویا کردن مخرج برابر است با

$$\frac{12 \times \sqrt{6}}{\sqrt{6} \times \sqrt{6}} = \frac{12\sqrt{6}}{6} = 2\sqrt{6}$$

ج) اگر $a^2 b > 0$ باشد، آنگاه b عددی مثبت است

د) درجه چند جمله‌ای $5xy + 4x^2y$ نسبت به هر دو متغیر x, y برابر است با :

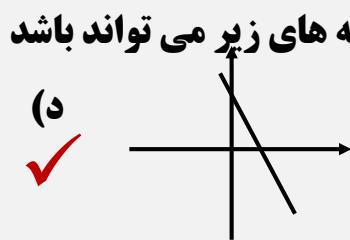
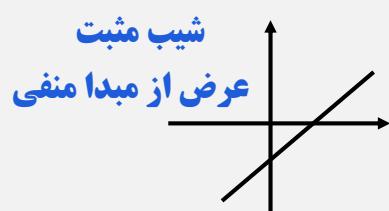
۳

در هر سوال گزینه صحیح را انتخاب کنید

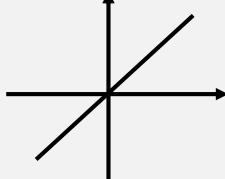
(۱) کدام یک از گزینه های زیر، یک مجموعه را نمایش می دهد

الف) اعداد طبیعی کوچکتر از یک ✓ ب) چهار عدد فرد متولی نهی

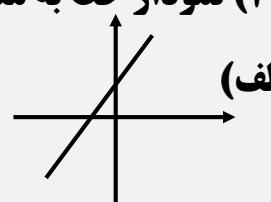
- ج) سه شهر ایران د) پنج عدد بزرگ



(ج)



(ب)



(۲) نمودار خط به معادله $y = 3x - 2$ کدام یک از گزینه های زیر می تواند باشد

$\frac{7}{8}$ (د)

$\frac{1}{8}$ (ج)

$\frac{3}{8}$ (ب) ✓

$\frac{1}{3}$ (الف)

کدام یک از گزینه های زیر با $\frac{-x+3}{x+5}$ برابر است؟

$-\frac{3-x}{x+5}$ (د)

$\frac{x-3}{x+5}$ (ج)

$-\frac{x-3}{x+5}$ (ب) ✓

$-\frac{x+3}{x+5}$ (الف)

هر عبارت سمت راست را به عبارت مناسب در سمت چپ وصل کنید

۴ (a)

-۳ -۲۷

• (b)

۰ $-\sqrt{2}$

۱ (c)

ج) تعداد وجههای یک هرم با قاعده مثلث ۴

سوال نگفته وجههای جانبی !!!!

-۳ (d)

(ض) ضریب عددی x در عبارت ساده شده

۱

$$(x + 2)(x - 2) = x^2 - 4$$

۵

ریاضی نهم خرداد ۱۴۰۳ - نوبت عصر

(۱) اگر $A = \{10, 15, -1\}$, $B = \{-1, 12\}$ باشد جاهای خالی را با عبارت یا نماد مناسب پر کنید.

$$A \cap B = \{ \quad -1 \quad \} \quad \text{(الف)}$$

$$B - A = \{ \quad 12 \quad \} \quad \text{(ب)}$$

چون آکولاد دارد زیرمجموعه هست ! $\{-1\} \subseteq A \quad \text{(ج)}$

$$n(A \cup B) = 4 \quad \text{(د)}$$

۶

ریاضی نهم خرداد ۱۴۰۳ - نوبت عصر

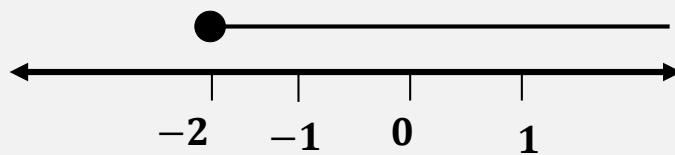
$$0.25 = \frac{25}{100} = \frac{1}{4}$$

(۲) اگر $a = 0.25$ و $b = -\frac{1}{4}$ باشد آنگاه مقدار عبارت روبرو را محاسب کنید.

$$2|a - b| = 2\left|\frac{1}{4} - \left(-\frac{1}{4}\right)\right| = 2\left|\frac{1}{4} + \frac{1}{4}\right| = 2\left|\frac{2}{4}\right| = \frac{4}{4} = 1$$

اعشاری را به کسر تبدیل کردهیم راحت‌تر محاسبه کنیم

ب) مجموعه $A = \{x \in R | x \geq -2\}$ را روی محور نمایش دهید



چون مساوی دارد دایره توپر می‌شود

۷

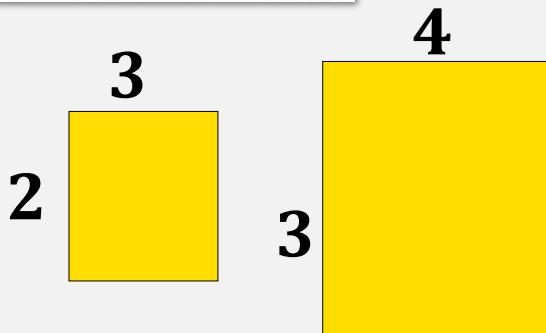
سامان و سحر ، دو قلو هستند و هردو در کلاس نهم تحصیل می‌کنند.

ریاضی نهم خرداد ۱۴۰۳ - نوبت عصر



$$\frac{\text{عرض}}{\text{عرض}} = \frac{\text{طول}}{\text{طول}} = K$$

$$\frac{3}{4} \neq \frac{2}{3}$$



آنها همراه والدین به بازار فرش رفته بودند

این گفتگو بین آنها شکل گرفت . سامان گفت :

که فرش ۶ متری (2×3)

با فرش ۱۲ متری (3×4)

متشابه است . چون هر دو مستطیل هستند . و

نسبت تشابه آنها دو است . اما سحر مخالف بود .

شما با کدامیک موافق هستید چرا ؟ با سحر موافقم

، متشابه نیستند ، چون نسبت ها برابر نیست

A

از نقطه M دو خط بر دایره مماس شده و نقطه O مرکز دایره است
ریاضی نهم خرداد ۱۴۰۳ - نوبت عصر

می خواهیم ثابت کنیم $OAM \cong OMB$:

در این صورت ، فقط قسمت فرض مساله را بنویسید

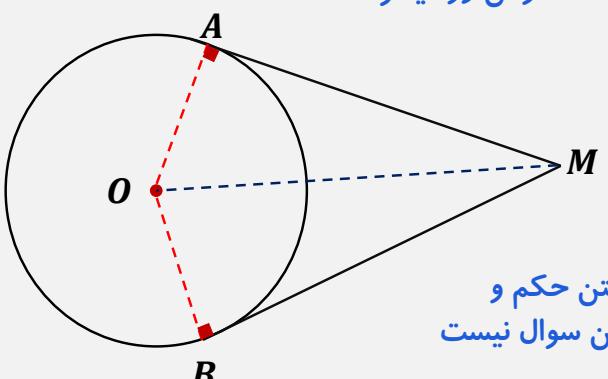
فرض: $OA = OB$ شعاع $\hat{B} = \hat{A} = 90^\circ$

خط مماس بر دایره ، با شعاع زاویه 90° درجه می سازد

حکم: $OAM \cong OMB$ AOC, AOB

$$\left. \begin{array}{l} OM = OM \\ OA = OB \\ \hat{A} = \hat{B} = 90^\circ \end{array} \right\} \text{مشترک و تر} \quad \left. \begin{array}{l} \text{وض} \\ \text{شعاع} \end{array} \right\} \xrightarrow{\quad} OAM \cong OMB$$

اجزای متناظر $\xrightarrow{\quad} MA = MB$



فقط فرض رو میخواسته

نیازی به نوشتن حکم و
اثبات توی این سوال نیست

۹

۵) حاصل هر عبارت روبرو را به صورت یک عدد تواندار بنویسید

ریاضی نهم خرداد ۱۴۰۳ - نوبت عصر

$$(b^{-1})^2 \times b^3 = \frac{b^{-2}}{b^{-2}} \times b^3 = b^{-2+3} = b^1 = b$$

ب) قطر یک گلbul قرمز $7/00000$ میلی متر است. این عدد را با نماد علمی نمایش دهید

$$0/000007 = 7 \times 10^{-6}$$

ج) در جای خالی یکی از علامت های $<$ یا $=$ یا $>$ را قرار دهید

$$\sqrt{5} + \sqrt{4} \quad > \dots \sqrt{5 + 4}$$

2. ~ + 2	3
4. ~	

۱۰

۶) الف) حاصل عبارت را با کمک اتحاد ها بدست آورید .

ریاضی نهم خرداد ۱۴۰۳ - نوبت عصر

اتحاد مربع

$$\begin{aligned}(\sqrt{3} + 1)^2 &= \sqrt{3}^2 + 2 \times \sqrt{3} \times 1 + 1^2 \\&= 3 + 2\sqrt{3} + 1 = 4 + 2\sqrt{3}\end{aligned}$$

ب) عبارت مقابل را کامل کنید . (تجزی)

$$y^2 - y - 6 = (y + 2)(y - 3)$$

اتحاد جمله مشترک

۱۱

۷) یک شرکت ، حقوق ماهانه کارمندان خود را این گونه محاسبه می کند : حقوق پایه هر کارمند دوازده میلیون تومان و به ازای هر سال سابقه هفتصد هزار تومان به حقوق پایه اضافه می شود . (x را سابقه کار و y را حقوق ماهانه در نظر بگیرید)

الف) فرمول محاسبه حقوق هر کارمند را بنویسد

ریاضی نهم خرداد ۱۴۰۳ - نوبت عصر

$$y = 12,000,000 + 700,000x$$

$$x = 3$$

ب) حقوق ماهانه کارمندی با سه سال سابقه کار ، چقدر است ؟

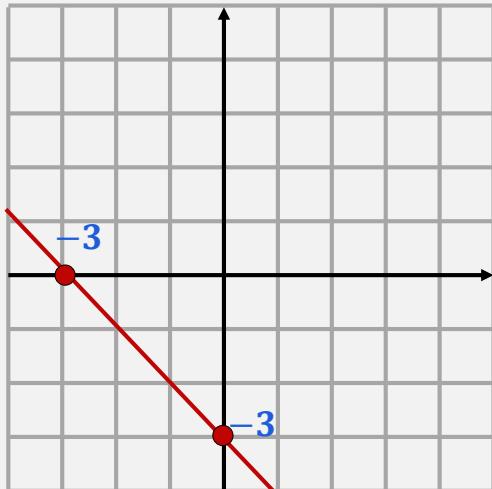
$$y = 12,000,000 + 700,000 \times 3 = 12,000,000 + 2,100,000$$

$$= 14,100,000$$

۱۲

۸) نمودار خطی رارسم کنید که با خط $y = -x + 3$ موازی بود

ریاضی نهم خرداد ۱۴۰۳ - نوبت عصر



و محور عرض ها را در نقطه $\begin{bmatrix} 0 \\ -3 \end{bmatrix}$ قطع می کند

$$y = -x - 3$$

x	0	-3
y	-3	0
$[x]$	$[0]$	$[-3]$
$[y]$	$[-3]$	$[0]$

$$\begin{aligned} y &= -x - 3 \\ -3 &= -2 - 3 \\ -3 &= -5 \end{aligned}$$

ب) آیا این خط از نقطه $\begin{bmatrix} 2 \\ -3 \end{bmatrix}$ می گذرد

خیر - چون تساوی صحیح نیست

۱۲

۹) نامعادله مقابله حل کرده و مجموعه جواب آن را بنویسید.

ریاضی نهم خرداد ۱۴۰۳ - نوبت عصر

$$3(x - 1) \geq 2x + 1$$

$$3x - 3 \geq 2x + 1$$

$$D = \{x \in R | x \geq 4\}$$

$$3x - 2x \geq 1 + 3$$

$$x \geq 4$$

۱۴

۱۰) مصرف برق کولر گازی تولیدی یک کارخانه سه برابر مصرف برق کولر آبی تولید همان کارخانه می‌باشد. اگر به طور همزمان دو کولر آبی و یک کولر گازی را روشن کنیم، ده کیلو وات برق مصرف می‌شود. با تشکیل دستگاه معادلات، میزان مصرف برق هر کدام از این دو دستگاه در یک ساعت را مشخص نمایید.

x : کولر گازی y : کولر آبی ریاضی نهم خرداد ۱۴۰۳ - نوبت عصر



$$\begin{cases} 1 \quad x = 3y \\ x + 2y = 10 \end{cases} \xrightarrow[2]{\quad} \begin{array}{l} 5 \quad x = 3 \times 2 = 6 \\ 3y + 2y = 10 \end{array} \xrightarrow[3]{\quad} \begin{array}{l} 6 \\ 5y = \frac{10}{5} \end{array}$$

$$4 \quad y = 2$$

$$7 \quad x = 6$$

۱۵

۱۱ الف) عبارت گویای $\frac{3x}{x^2+4}$ به ازای چه مقدار از x تعریف نشده است؟

مخرج را برابر صفر میزاریم

$$x^2 + 4 = 0$$

هیچ وقت صفر نمی شود

هیچ وقت تعریف نشده نمی شود

ریاضی نهم خرداد ۱۴۰۳ - نوبت عصر

$$(a \cancel{-} 3)(a + 3)$$

$$\frac{\cancel{a^2 - 9}}{a + 4} \times \frac{a + 4}{\cancel{a^2 - 6a + 9}} = \frac{a + 3}{a - 3}$$

ب) عبارت گویای مقابله ساده کنید

ج) حاصل را به ساده ترین شکل ممکن بنویسید

$$\frac{3x + 7}{x + 2} - \frac{3x - 3}{x + 2} = \frac{3x + 7 - 3x + 3}{x + 2} = \frac{4}{x + 2}$$

۱۶

۱۲) تقسیم مقابل را انجام دهید.

ریاضی نهم خرداد ۱۴۰۳ - نوبت عصر

$$\begin{array}{r} \cancel{3y^2} - 10y - 24 \\ \underline{- \cancel{3y^2} \pm 4y} \\ \hline -\cancel{6y} - 24 \\ + \cancel{-6y} \bar{+} 8 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{c} 3y - 4 \\ \hline y - 2 \end{array}$$

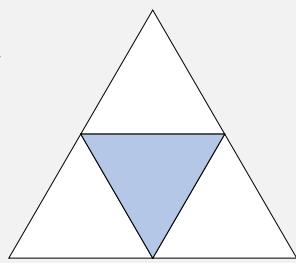
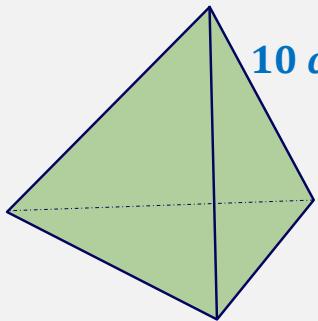
خارج قسمت

باقیمانده = -32

۱۷

یک کارخانه تولید لبندیات شیر های پاکتی به شکل هرم منتظم چهار وجهی تولید می کند که رویه آن از جنس مقواهی بهداشتی است. بطوری که طول هر یال یا آن ۱۰ سانتی متر می باشد. برای تولید ده هزار پاکت شیر، حداقل چند سانتیمتر مربع مقوا لازم است؟ توجه: نیازی به از به اثبات فرمول من اثبات فرمول مساحت مثلث متساوی الاضلاع نیست).

ریاضی نهم خرداد ۱۴۰۳ - نوبت عصر



$$\text{فرمول مساحت یک مثلث متساوی الاضلاع} \quad S = \frac{\sqrt{3}}{4} a^2$$

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4} \times 10^2 = 25\sqrt{3} \text{ } cm^2$$

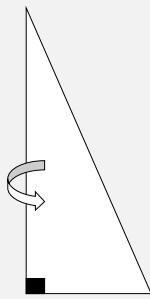
$$\text{مساحت کل یک مقوا} = 4 \times 25\sqrt{3} = 100\sqrt{3} \text{ } cm^2$$

$$\begin{aligned} \text{مقوا لازم برای ۱۰ هزار تا} &= 10000 \times 100\sqrt{3} = 1000000\sqrt{3} \\ &= 10^6\sqrt{3} \text{ } cm^2 \end{aligned}$$

۱۴) الف) از دوران یک مثلث قائم الزاویه حول یکی از اضلاع قایمeh اش ، مطابق شکل روبرو:

الف) چه شکلی حاصل می شود؟ **مخروط**

ریاضی نهم خرداد ۱۴۰۳ - نوبت عصر



ارتفاع

شعاع

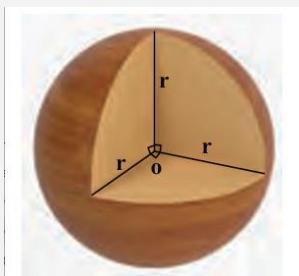
ب) اگر $b = 3, a = 10$ باشد در این صورت حجم ر محاسبه کنید ($\pi \approx 3$)

$$V = \frac{1}{3} Sh = \frac{1}{3} \pi r^2 h = \frac{1}{3} \times 3 \times 3^2 \times 10 = 900$$

ج) در شکل مقابل شعاع کره $r = 2\text{ cm}$ است.

حجم قسمت برداشته را محاسبه کنید. ($\pi \approx 3$)

$$V = \frac{1}{8} V_{\text{کره}} = \frac{1}{8} \left(\frac{4}{3} \pi r^3 \right) = \frac{1}{8} \times \frac{4}{3} \times 3 \times 2^3 = 4 \text{ cm}^3$$





اپلیکیشن درسی همیار

برنامه رایگان درسی همیار



تمام پایه ها

جواب کتاب ، تدریس و نمونه سوال



همیشه رایگان

برنامه همیار کاملا رایگان میباشد